

Cours de Cinquième

Table des matières

1	Priorités opératoires	2
1.1	Règles de priorités	2
1.2	Vocabulaire	2
1.3	Fractions et priorités	2
2	Symétrie centrale	3
2.1	Symétrie d'un point	3
2.2	Symétrie d'une figure	3
2.3	Propriétés de la symétrie	3
3	Fractions	4
3.1	Définitions	4
3.2	Egalité de Fractions	4
3.3	Additions et soustractions de Fractions	4
3.3.1	Quand les dénominateurs sont identiques	4
3.3.2	Quand un dénominateur est multiple de l'autre	4
3.4	Multiplications de Fractions	4
3.5	Comparaison de Fractions	4
4	Axes et centres de symétrie	5
4.1	Axe de symétrie	5
4.2	Centre de symétrie	5
5	Somme des angles d'un triangle	6
5.1	Enoncé de la propriété	6
5.2	Exemple	6
5.3	Cas particuliers	6
5.3.1	Triangle Rectangle	6
5.3.2	Triangle Isocèle	6
5.3.3	Triangle Equilatéral	6

1 Priorités opératoires

1.1 Règles de priorités

Règles (Priorités opératoires)

Ordre de priorité dans un calcul contenant plusieurs opérations

1. On fait les calculs entre parenthèses en premier en respectant les règles ci-dessous :
2. Les multiplications et divisions sont prioritaires par rapport aux additions soustractions
3. S'il y a que des multiplications, divisions ou que des additions soustractions, on fait les opérations de gauche à droite
4. S'il y a que des additions ou que des multiplications on fait les calculs dans l'ordre que l'on veut (en général le plus simple possible)

Exemples

$$1. A = (10 + 3 \times 4) \div 2 \quad \text{Règles 1 et 2}$$

$$A = (10 + 12) \div 2$$

$$A = 22 \div 2$$

$$A = 11$$

$$2. B = 10 + 8 - 11 - \frac{28}{7} \quad \text{Règles 2 et 3}$$

$$B = 10 + 8 - 11 - 4$$

$$B = 18 - 11 - 4$$

$$B = 7 - 4$$

$$B = 3$$

$$3. C = 4 \times 87,9 \times 2,5 \quad \text{Règle 4}$$

$$C = 4 \times 2,5 \times 87,9$$

$$C = 10 \times 87,9$$

$$C = 879$$

1.2 Vocabulaire

Définition (somme, différence, produit et quotient)

Quand dans un calcul, la dernière opération réalisée est un " + " c'est une **somme**, un " - " c'est une **différence**, " × " c'est un **produit** et " ÷ " c'est un **quotient**

Exemple

C est la somme du triple de 4 avec le quotient de 10 par 2

$$C = 3 \times 4 + \frac{10}{2}$$

$$C = 12 + 5$$

$$C = 17$$

1.3 Fractions et priorités

A Savoir

Pour calculer une écriture fractionnaire, il faut d'abord calculer le numérateur et le dénominateur avant d'effectuer le quotient.

Exemples

$$1. A = \frac{3+4 \times 3}{8 \times 2 - 3}$$

$$A = \frac{15}{5}$$

$$A = 3$$

$$2. B = \frac{(3+4) \times 3}{(8-3) \times 2}$$

$$B = \frac{21}{10}$$

$$B = 2,1$$

Remarque

On peut en rajoutant des parenthèses, écrire les calculs précédents en ligne :

$$A = (3 + 4 \times 3) \div (8 \times 2 - 3) \quad \text{et} \quad B = ((3 + 4) \times 3) \div ((8 - 3) \times 2)$$

2 Symétrie centrale

2.1 Symétrique d'un point

Définition

A' est le symétrique de A par rapport au point I si I est le milieu de $[AA']$

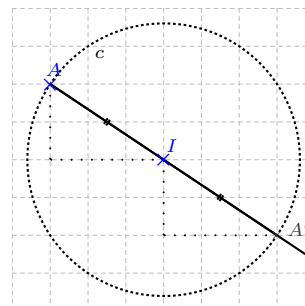
Remarque

Le symétrique de I par rapport à I est I .

Attention cette symétrie est totalement différente de la symétrie axiale!

Méthodes de tracé

1. On trace le cercle de centre I de rayon $[AI]$, il coupe la demi-droite $[AI)$ en A'
2. On compte les carreaux verticalement et horizontalement pour aller de A à I , puis on fait les mêmes déplacements verticaux et horizontaux à partir de I .

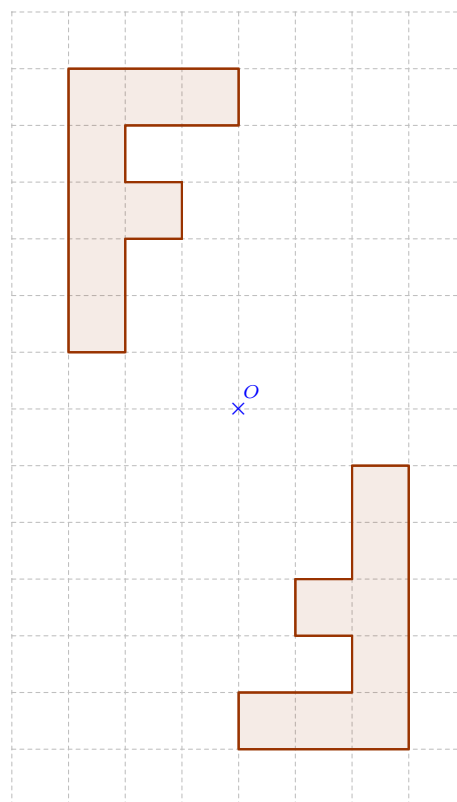


2.2 Symétrique d'une figure

Pour tracer le symétrique d'une figure par rapport à un point, il faut tracer le symétrique de chacun de ses points.

A Savoir

Pour obtenir directement \mathcal{F}' le symétrique \mathcal{F} par rapport à I , il faut réaliser un demi-tour de centre I c'est à dire une rotation de 180° à partir du point I .



2.3 Propriétés de la symétrie

Propriété (fondamentale de la symétrie centrale)

La symétrie centrale conserve :

- Les longueurs donc les périmètres
- Les angles donc le parallélisme, l'orthogonalité et l'alignement
- Les aires

Symétriques de figures simples

Propriété

- Le symétrique d'une droite par rapport à un point est une droite parallèle.
- Le symétrique d'un segment par rapport à un point est un segment de même longueur et parallèle.
- Le symétrique d'un cercle est un cercle de même rayon

3 Fractions

3.1 Définitions

Définition (Ecriture fractionnaire)

Soit a et b deux nombres, $b \neq 0$, on note $\frac{a}{b}$ l'écriture fractionnaire du quotient de la division décimale de a par b

Remarques

- Quand a et b sont des nombres entiers on dit que $\frac{a}{b}$ est une fraction
- a est le numérateur de la fraction et b son dénominateur

3.2 Egalité de Fractions

Propriété

Deux fractions sont égales si on passe de l'une à l'autre en multipliant le numérateur et le dénominateur par un même

nombre non nul : $\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k}$ avec $k \neq 0$

Exemple

$$\frac{16}{12} = \frac{4 \times 4}{3 \times 4} = \frac{4}{3}$$

Remarque

C'est la règle la plus importante du cours car elle permet de simplifier des fractions mais aussi d'additionner ou soustraire des fractions quand les dénominateurs ne sont pas le même.

3.3 Additions et soustractions de Fractions

3.3.1 Quand les dénominateurs sont identiques

Règle

Il suffit pour cela d'additionner (ou soustraire) les numérateurs et conserver le même dénominateur : $\frac{a}{k} + \frac{b}{k} = \frac{a+b}{k}$ avec $k \neq 0$

3.3.2 Quand un dénominateur est multiple de l'autre

La méthode consiste à multiplier le numérateur et le dénominateur d'une fraction pour obtenir deux fractions qui possèdent le même dénominateur dans ce cas on peut appliquer la règle précédente.

Exemple

$$\frac{7}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5}{3} \text{ et } \frac{5}{7} + \frac{5}{21} = \frac{15}{21} + \frac{5}{21} = \frac{20}{21}$$

3.4 Multiplications de Fractions

Règle

Il suffit pour cela de multiplier les numérateurs entre eux et les dénominateurs entre eux : $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ avec $b, d \neq 0$

Exemple

$$\frac{3}{4} \times \frac{9}{5} = \frac{3 \times 9}{4 \times 5} = \frac{27}{20}$$

Remarque

Dans la mesure du possible, penser à simplifier les calculs avant de faire des multiplications. Attention de ne pas confondre les règles d'additions et de multiplications

3.5 Comparaison de Fractions

Pour comparer deux fractions, on les met sur le même dénominateur, celle qui a le plus grand numérateur est la plus grande. Sinon si deux fractions ont le même numérateurs c'est la fraction qui a le plus petit dénominateur qui est la plus grande.

Exemple

$$\frac{3}{4} > \frac{1}{2} (= \frac{2}{4}) \text{ et } \frac{8}{5} < \frac{8}{3}$$

4 Axes et centres de symétrie

4.1 Axe de symétrie

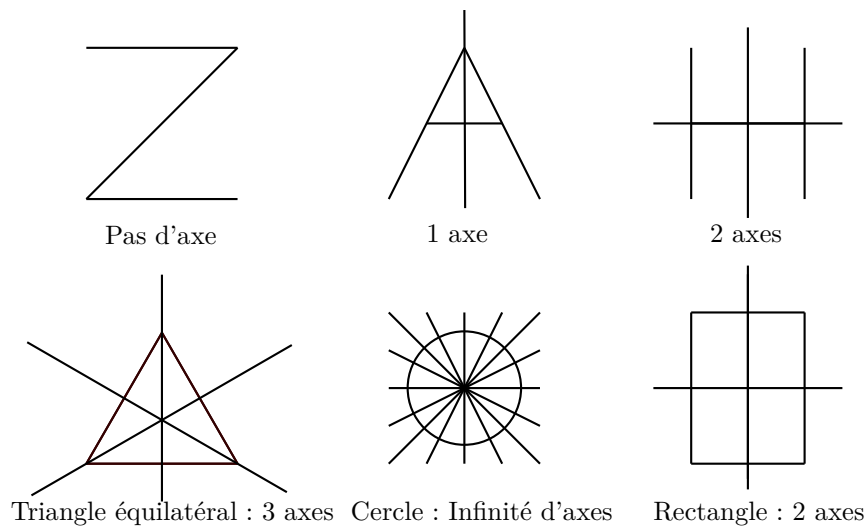
Définition

Une figure \mathcal{F} admet un axe de symétrie (d) si le symétrique de \mathcal{F} par rapport à (d) est \mathcal{F}

Remarque

Une figure peut avoir un, deux, trois, ... ou une infinité d'axes mais aussi aucun.

Exemples



4.2 Centre de symétrie

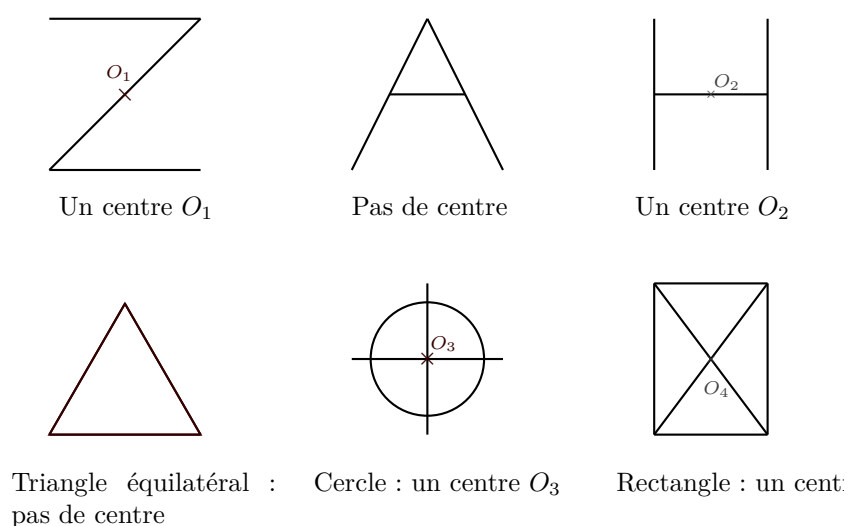
Définition

Une figure \mathcal{F} admet un centre de symétrie O si le symétrique de \mathcal{F} par rapport à O est \mathcal{F}

Remarque

Une figure peut soit avoir un centre soit ne pas en avoir.

Exemples



5 Somme des angles d'un triangle

A quoi ça sert ?

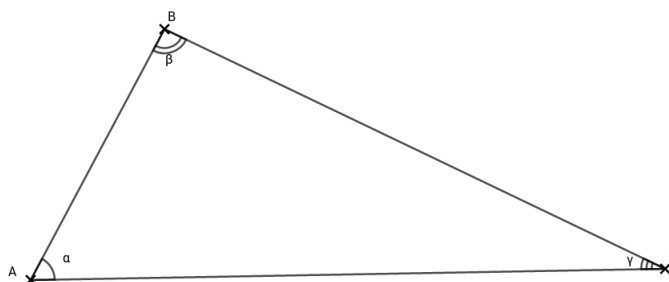
Ce théorème permet de calculer la mesure d'un angle dans un triangle si on connaît la mesure des deux autres angles.

5.1 Enoncé de la propriété

Propriété

La somme des angles d'un triangle fait 180°

Autrement dit soit ABC un triangle quelconque, $\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$.



5.2 Exemple

Soit MNO un triangle tel que $\widehat{M} = 42^\circ$ et $\widehat{N} = 107^\circ$, calculer \widehat{O}

Dans le triangle MNO on a : $\widehat{M} + \widehat{N} + \widehat{O} = 180^\circ$

Donc $\widehat{O} = 180^\circ - (\widehat{M} + \widehat{N})$

$$\widehat{O} = 180 - (42 + 107)$$

$$\widehat{O} = 180 - 149$$

$$\widehat{O} = 31^\circ$$

5.3 Cas particuliers

5.3.1 Triangle Rectangle

Dans ce cas la somme des deux angles opposés à l'angle droit font 90°
Il suffit donc d'en connaître un pour trouver le second.

Exemple

Soit RST un triangle rectangle en R alors si $\widehat{S} = 36^\circ$ alors $\widehat{T} = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ$

5.3.2 Triangle Isocèle

Comme un triangle isocèle possède deux angles de même mesure, il suffit de connaître un des trois angles du triangle pour connaître la mesure des deux autres.

Exemples

1. Soit IJK un triangle isocèle de sommet principal I.

Si $\widehat{J} = 35^\circ$ alors $\widehat{K} = 35^\circ$ et par conséquent : $\widehat{I} = 180 - 2 \times \widehat{J}$

$$\widehat{I} = 180 - 2 \times 35$$

$$\widehat{I} = 180 - 70 = 110^\circ$$

2. Soit CDE un triangle isocèle de sommet principal D.

Si $\widehat{D} = 88^\circ$ alors $\widehat{C} = \widehat{E}$ et par conséquent :

$$\widehat{D} + 2 \times \widehat{C} = 180^\circ$$

$$\widehat{C} = \frac{180 - \widehat{D}}{2}$$

$$\widehat{C} = \frac{180 - 88}{2} = \frac{92}{2} = 46^\circ \text{ et par conséquent } \widehat{E} \text{ fait aussi } 46^\circ$$

Remarque

Ces deux cas étant de résolutions différentes, il est fortement conseillé de faire une figure à main levée du triangle isocèle avec l'angle principal en "haut" pour repérer l'angle que l'on détermine.

5.3.3 Triangle Equilatéral

Les trois angles d'un triangle équilatéral étant de même mesure, leur mesure est $\frac{180}{3}$ soit 60°